



1. પ્રત્યેક વિધાન સાચું બને એ રીતે ખાલી જગ્યા પૂરો :

(1) વર્ગમૂળ (Square Root) દર્શાવવાનો ગાણિતિક સંકેત (Symbol) $\sqrt{\quad}$ છે.

(2) 6નો વર્ગ (Square) 36 છે.

(3) 49નું વર્ગમૂળ 7 છે.

(4) $\sqrt{121} = \underline{11}$

(5) $9^2 = \underline{81}$

(6) 15^2 અને 16^2 વચ્ચે પૂર્ણવર્ગ (Perfect Square) ન હોય તેવી કુલ 30 સંખ્યાઓ છે.

(7) 6, 8 અને 10 પાયથાગોરીઅન(Pythagorean)ની ત્રિપુટી છે.

(8) જેનો એકમનો (Units) અંક 1 છે તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક (Unit Digit) 1 હોય.

(9) જેનો એકમનો અંક 2 છે તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક 4 હોય.

(10) જેનો એકમનો અંક 3 છે તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક 9 હોય.

(11) 8ને નાનામાં નાની સંખ્યા (Smallest Number) 2 વડે ગુણતાં ગુણાકાર પૂર્ણવર્ગ થાય.

(12) 18ને નાનામાં નાની સંખ્યા 2 વડે ભાગતાં ભાગાકાર પૂર્ણવર્ગ થાય.

(13) $1 + 3 + 5 + 7 + 9 = (\underline{5})^2$

(14) $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + \underline{11} = (6)^2$

(15) $60 + 61 = (\underline{11})^2$

(16) 79ના વર્ગનો એકમનો અંક 1 છે.

(17) 85ના વર્ગનો એકમનો અંક 5 છે.

(18) પહેલી 10 એકી સંખ્યાઓ(Odd Numbers)નો સરવાળો 100 છે.

(19) પાયથાગોરીઅનની ત્રિપુટી(Pythagorean Triplet)ની બે સંખ્યાઓ 8 અને 17 છે, તો ત્રીજી સંખ્યા 15 છે.

(20) 2.25નું વર્ગમૂળ 1.5 છે.

(21) 50 અને 70ની વચ્ચેની પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા 64 છે.

(22) $4^2 + 5^2 + 20^2 = (\underline{21})^2$

(23) 1225ના વર્ગમૂળની સંખ્યામાં 2 અંકો (Digits) હોય.

(24) 36864ના વર્ગમૂળની સંખ્યામાં 3 અંકો હોય.

2. કૌંસમાં આપેલા વિકલ્પોમાંથી સાચો વિકલ્પ પસંદ કરી ખાલી જગ્યા પૂરો :

- (1) $12^2 = \underline{144}$ (24, 6, 144)
- (2) $\sqrt{225} = \underline{15}$ (25, 15, 35)
- (3) 16 એ 4 નો વર્ગ છે. (8, 4, 256)
- (4) 64નું વર્ગમૂળ 8 છે. (32, 16, 8)
- (5) $4^2 - 1^2 = \underline{15}$ (3, 25, 15)
- (6) જેનો એકમનો અંક 4 છે તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક 6 છે. (4, 8, 6)
- (7) જેનો એકમનો અંક 5 છે તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક 5 છે. (5, 0, 3)
- (8) જેનો એકમનો અંક 6 છે તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક 6 છે. (3, 2, 6)
- (9) 12ને નાનામાં નાની સંખ્યા 3 વડે ગુણતાં ગુણાકાર પૂર્ણવર્ગ બને. (2, 3, 4)
- (10) 72ને નાનામાં નાની સંખ્યા 2 વડે ભાગતાં ભાગાકાર પૂર્ણવર્ગ બને. (2, 3, 4)
- (11) $112 + 113 = (\underline{15})^2$ (115, 15, 25)
- (12) $35^2 = \underline{1225}$ (625, 1225, 1625)
- (13) 81ના વર્ગમૂળનો એકમનો અંક 9 છે. (3, 9, 1)
- (14) 169ના વર્ગમૂળનો એકમનો અંક 3 છે. (1, 3, 9)
- (15) જેનો એકમનો અંક 2 હોય તે પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા ન હોય. (2, 4, 6)
- (16) જેનો એકમનો અંક 3 હોય તે પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા ન હોય. (3, 4, 5)
- (17) 3.61નું વર્ગમૂળ 1.9 છે. (1.7, 1.9, 2.1)

3. નીચેના દરેક પ્રશ્નના જવાબ માટે આપેલા વિકલ્પોમાંથી સાચો વિકલ્પ શોધી, તેનો ક્રમ-અક્ષર પ્રશ્નની સામે આપેલા ☐ માં લખો :

- (1) 16^2 અને 17^2 ની વચ્ચે _____ સંખ્યાઓ છે. ☐ D
A. 16 B. 17 C. 256 ☒ D. 32
- (2) પાયથાગોરીઅનની ત્રિપુટીની બે સંખ્યાઓ 12 અને 13 છે, તો ત્રીજી સંખ્યા _____ છે. ☐ C
A. 14 B. 11 ☒ C. 5 D. 10
- (3) $8^2 + (\underline{\hspace{2cm}})^2 = 80$ ☐ B
A. 2 ☒ B. 4 C. 8 D. 16
- (4) $\sqrt{400} = \underline{\hspace{2cm}}$ ☐ A
☒ A. 20 B. 40 C. 160 D. 80
- (5) $\sqrt{2.56} = \underline{\hspace{2cm}}$ ☐ D
A. 0.16 B. 2.7 C. 1.2 ☒ D. 1.6

(6) જેનો એકમનો અંક 7 હોય તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક _____ છે.

B

A. 7 ☒ B. 9 C. 3 D. 4

(7) જેનો એકમનો અંક 8 હોય તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક _____ છે.

A

☒ A. 4 B. 8 C. 2 D. 6

(8) જેનો એકમનો અંક 9 હોય તે સંખ્યાના વર્ગનો એકમનો અંક _____ છે.

C

A. 9 B. 3 ☒ C. 1 D. 4

(9) 81ના વર્ગમૂળનું વર્ગમૂળ _____ છે.

C

A. 4 B. 9 ☒ C. 3 D. 2

(10) 4ના વર્ગનો વર્ગ _____ છે.

D

A. 2 B. 8 C. 16 ☒ D. 256

(11) 324નું વર્ગમૂળ _____ છે.

A

☒ A. 18 B. 28 C. 14 D. 162

(12) 98ને નાનામાં નાની સંખ્યા _____ વડે ભાગતાં ભાગાકાર પૂર્ણવર્ગ બને.

C

A. 3 B. 4 ☒ C. 2 D. 8

(13) 32ને નાનામાં નાની સંખ્યા _____ વડે ગુણતાં ગુણાકાર પૂર્ણવર્ગ બને.

D

A. 4 B. 3 C. 5 ☒ D. 2

(14) જેનો એકમનો અંક _____ હોય તે સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ ન હોય.

C

A. 1 B. 6 ☒ C. 7 D. 4

4. નીચેનાં વિધાનો ખરાં છે કે ખોટાં તે લખો :

(1) 4000 એ પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા છે. ☒

(2) 2700 એ પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા નથી. ☒

(3) જેનો એકમનો અંક 2 હોય તે સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ ન હોય. ☒

(4) સંખ્યાના એકમ, દશક અને શતકના સ્થાનમાં શૂન્ય હોય અને હજારના સ્થાનમાં શૂન્ય ન હોય, તે સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ ન હોય. ☒

(5) 9^2 નું વર્ગમૂળ 3 છે. ☒

(6) 1000નું વર્ગમૂળ 10 છે. ☒

(7) $180 + 181 = 19^2$ ☒

(8) 64000નું વર્ગમૂળ 800 છે. ☒

(9) 84ના વર્ગની સંખ્યાના એકમનો અંક 4 છે. ☒

(10) 121 અને 144ની વચ્ચે એક પણ પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા નથી. ☒

(11) 16ના વર્ગમૂળનું વર્ગમૂળ 2 છે. ☒

(12) પાચથાગોરીઅન ત્રિપુટીની બે સંખ્યાઓ 12 અને 13 છે, તો ત્રીજી સંખ્યા 14 હોય. ☒

(13) જેનો એકમનો અંક 0 હોય તે સંખ્યાના વર્ગ સંખ્યાના એકમ અને દશક બંને

શૂન્ય હોય. ✓

(14) પૂર્ણવર્ગ સંખ્યાનો એકમનો અંક 8 ન જ હોય. ✓

(15) એકી સંખ્યાનો વર્ગ બેકી (Even) સંખ્યા હોઈ શકે. ✗

(16) બેકી સંખ્યાનો વર્ગ એકી સંખ્યા હોઈ શકે. ✗

(17) પહેલી n એકી સંખ્યાઓનો સરવાળો n^2 હોય. ✓

5. નીચેની સંખ્યાઓના વર્ગ કરતાં મળતી સંખ્યાનો એકમનો અંક લખો :

(1) 52 - 4 (2) 73 - 9 (3) 87 - 9 (4) 56 - 6

(5) 95 - 5 (6) 39 - 1 (7) 84 - 6 (8) 38 - 4

6. નીચેની સંખ્યાઓમાં જે સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ હોવાની શક્યતા હોય, તેની સામે ✓ અને જે પૂર્ણવર્ગ ન હોય તેની સામે ✗ કરો : 2, 3, 7, 8

(1) 6561 (✓) (2) 1089 (✓) (3) 4000 (✗) (4) 3136 (✓)
 (5) 841 (✓) (6) 1024 (✓) (7) 1156 (✓) (8) 8100 (✓)
 (9) 784 (✓) (10) 4489 (✓) (11) 2025 (✓) (12) 4568 (✗)
 (13) 3452 (✗) (14) 5963 (✗) (15) 1557 (✗) (16) 9000 (✗)

7. પુનરાવર્તિત બાદબાકીની રીતે વર્ગમૂળ શોધો :

(1) 81	45 - 13 = 32	(2) 169	120 - 15 = 105	(3) 121	72 - 15 = 57
81 - 1 = 80	32 - 15 = 17	169 - 1 = 168	105 - 17 = 88	121 - 1 = 120	57 - 17 = 40
80 - 3 = 77	17 - 17 = 0	168 - 3 = 165	88 - 19 = 69	120 - 3 = 117	40 - 19 = 21
77 - 5 = 72	$\therefore \sqrt{81} = 9$	165 - 5 = 160	69 - 21 = 48	117 - 5 = 112	21 - 21 = 0
72 - 7 = 65		160 - 7 = 153	48 - 23 = 25	112 - 7 = 105	$\therefore \sqrt{121} = 11$
65 - 9 = 56		153 - 9 = 144	25 - 25 = 0	105 - 9 = 96	
56 - 11 = 45		144 - 11 = 133	$\therefore \sqrt{169} = 13$	96 - 11 = 85	
		133 - 13 = 120	85 - 13 = 72		

8. વર્ગમૂળ શોધો :

(1) 144	(2) 256	(3) 324	(4) 484
$\begin{array}{r} 2 \overline{) 144} \\ 2 \overline{) 72} \\ 2 \overline{) 36} \\ 2 \overline{) 18} \\ 3 \overline{) 9} \\ 3 \overline{) 3} \\ 1 \end{array}$	$\begin{array}{r} 2 \overline{) 256} \\ 2 \overline{) 128} \\ 2 \overline{) 64} \\ 2 \overline{) 32} \\ 2 \overline{) 16} \\ 2 \overline{) 8} \\ 2 \overline{) 4} \\ 2 \overline{) 2} \\ 1 \end{array}$	$\begin{array}{r} 2 \overline{) 324} \\ 2 \overline{) 162} \\ 3 \overline{) 81} \\ 3 \overline{) 27} \\ 3 \overline{) 9} \\ 3 \overline{) 3} \\ 1 \end{array}$	$\begin{array}{r} 2 \overline{) 484} \\ 2 \overline{) 242} \\ 11 \overline{) 121} \\ 11 \overline{) 11} \\ 1 \end{array}$
$144 = 2^2 \times 2^2 \times 3^2$	$256 = 2^8$	$324 = 2^2 \times 3^2 \times 3^2$	$484 = 2^2 \times 11^2$
$\therefore \sqrt{144} = 2 \times 2 \times 3 = 12$	$\therefore \sqrt{256} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$	$\sqrt{324} = 2 \times 3 \times 3 = 18$	$\sqrt{484} = 2 \times 11 = 22$

(5) 576

$$\begin{array}{r|l} 2 & 576 \\ \hline 2 & 288 \\ 2 & 144 \\ 2 & 72 \\ 2 & 36 \\ 2 & 18 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$576 = 2^3 \times 2^2 \times 2^2 \times 3^2$$

$$\sqrt{576} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$$

(6) 676

$$\begin{array}{r|l} 2 & 676 \\ \hline 2 & 338 \\ 13 & 169 \\ 13 & 13 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$676 = 2^2 \times 13^2$$

$$\sqrt{676} = 2 \times 13 = 26$$

(7) 784

$$\begin{array}{r|l} 2 & 784 \\ \hline 2 & 392 \\ 2 & 196 \\ 2 & 98 \\ 7 & 49 \\ 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$784 = 2^3 \times 2^2 \times 7^2$$

$$\sqrt{784} = 2 \times 2 \times 7 = 28$$

(8) 900

$$\begin{array}{r|l} 2 & 900 \\ \hline 5 & 450 \\ 2 & 90 \\ 5 & 45 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$900 = 2^2 \times 5^2 \times 3^2$$

$$\sqrt{900} = 2 \times 5 \times 3 = 30$$

(9) 1296

$$\begin{array}{r|l} 2 & 1296 \\ \hline 2 & 648 \\ 2 & 324 \\ 2 & 162 \\ 3 & 81 \\ 3 & 27 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$1296 = 2^3 \times 2^2 \times 3^2 \times 3^2$$

$$\sqrt{1296} = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 36$$

(10) 1156

$$\begin{array}{r|l} 2 & 1156 \\ \hline 2 & 578 \\ 17 & 289 \\ 17 & 17 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$1156 = 2^2 \times 17^2$$

$$\sqrt{1156} = 2 \times 17 = 34$$

(11) 1444

$$\begin{array}{r|l} 2 & 1444 \\ \hline 2 & 722 \\ 19 & 361 \\ 19 & 19 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$1444 = 2^2 \times 19^2$$

$$\sqrt{1444} = 2 \times 19 = 38$$

(12) 1764

$$\begin{array}{r|l} 2 & 1764 \\ \hline 2 & 882 \\ 3 & 441 \\ 3 & 147 \\ 7 & 49 \\ 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$1764 = 2^2 \times 3^2 \times 7^2$$

$$\sqrt{1764} = 2 \times 3 \times 7 = 42$$

9. વર્ગમૂળ શોધો :

(1) 5929

$$\begin{array}{r|l} 7 & 5929 \\ \hline 7 & 847 \\ 11 & 121 \\ 11 & 11 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$5929 = 7^2 \times 11^2$$

$$\sqrt{5929} = 7 \times 11 = 77$$

(2) 1225

$$\begin{array}{r|l} 5 & 1225 \\ \hline 5 & 245 \\ 7 & 49 \\ 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$1225 = 5^2 \times 7^2$$

$$\sqrt{1225} = 5 \times 7 = 35$$

(3) 6084

$$\begin{array}{r|l} 2 & 6084 \\ \hline 2 & 3042 \\ 3 & 1521 \\ 3 & 507 \\ 13 & 169 \\ 13 & 13 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$6084 = 2^2 \times 3^2 \times 13^2$$

$$\sqrt{6084} = 2 \times 3 \times 13 = 78$$

(4) 7744

$$\begin{array}{r|l} 2 & 7744 \\ \hline 2 & 3872 \\ 2 & 1936 \\ 2 & 968 \\ 2 & 484 \\ 2 & 242 \\ 11 & 121 \\ 11 & 11 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$7744 = 2^3 \times 2^2 \times 2^2 \times 11^2$$

$$\sqrt{7744} = 2 \times 2 \times 2 \times 11 = 88$$

10. પાંચથાગોરીઅન ત્રિપુટીની બાકીની બે સંખ્યાઓ શોધો :

(1) જેની એક સંખ્યા 6 હોય
દારો કે, $2n = 6$
 $n = 6/2 = 3$

$$\therefore n^2 - 1 = (3)^2 - 1 = 9 - 1 = 8$$

$$\therefore n^2 + 1 = (3)^2 + 1 = 9 + 1 = 10$$

તેથી, પાંચથાગોરીઅન ત્રિપુટી
(6, 8, 10) મળે.

(2) જેની એક સંખ્યા 14 હોય
દારો કે, $2n = 14$
 $n = 14/2 = 7$

$$\therefore n^2 - 1 = (7)^2 - 1 = 49 - 1 = 48$$

$$\therefore n^2 + 1 = (7)^2 + 1 = 49 + 1 = 50$$

તેથી, પાંચથાગોરીઅન ત્રિપુટી
(14, 48, 50) મળે.

(3) જેની એક સંખ્યા 16 હોય
દારો કે, $2n = 16$
 $n = 16/2 = 8$

$$\therefore n^2 - 1 = 8^2 - 1 = 64 - 1 = 63$$

$$\therefore n^2 + 1 = 8^2 + 1 = 64 + 1 = 65$$

તેથી, પાંચથાગોરીઅન ત્રિપુટી (16, 63, 65) મળે.

11. નીચેની સંખ્યાઓને નાનામાં નાની કઈ સંખ્યા વડે ગુણતાં ગુણાકાર પૂર્ણવર્ગ બને?

(1) 450

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 450} \\ 3 \overline{) 225} \\ 3 \overline{) 75} \\ 5 \overline{) 25} \\ 5 \overline{) 5} \\ 1 \end{array}$$

$$450 = 2 \times 3^2 \times 5^2$$

$$450 \times 2 = 2^2 \times 3^2 \times 5^2$$

$$900 = 2^2 \times 3^2 \times 5^2$$

$$\sqrt{900} = 2 \times 3 \times 5 = 30$$

$\therefore$ 2 વડે ગુણતાં ગુણાકાર
પૂર્ણવર્ગ બને.

(2) 1323

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 1323} \\ 3 \overline{) 441} \\ 3 \overline{) 147} \\ 7 \overline{) 49} \\ 7 \overline{) 7} \\ 1 \end{array}$$

$$1323 = 3^2 \times 3 \times 7^2$$

$$1323 \times 3 = 3^3 \times 3^2 \times 7^2$$

$$3969 = 3^2 \times 3^2 \times 7^2$$

$$\sqrt{3969} = 3 \times 7 \times 3 = 63$$

$\therefore$ 3 વડે ગુણતાં
ગુણાકાર પૂર્ણવર્ગ બને.

(3) 1573

$$\begin{array}{r} 11 \overline{) 1573} \\ 11 \overline{) 143} \\ 13 \overline{) 13} \\ 1 \end{array}$$

$$1573 = 11^2 \times 13$$

$$1573 \times 13 = 11^2 \times 13^2$$

$$20449 = 11^2 \times 13^2$$

$$\sqrt{20449} = 11 \times 13 = 143$$

$\therefore$ આમ 13 વડે ગુણતાં
ગુણાકાર પૂર્ણવર્ગ બને.

12. નીચેની સંખ્યાઓને નાનામાં નાની કઈ સંખ્યા વડે ભાગતાં ભાગાકાર પૂર્ણવર્ગ બને?

(1) 1575

$$\begin{array}{r} 5 \overline{) 1575} \\ 5 \overline{) 315} \\ 7 \overline{) 63} \\ 3 \overline{) 9} \\ 3 \overline{) 3} \\ 1 \end{array}$$

$$1575 = 5^2 \times 7 \times 3^2$$

$$1575 \div 7 = (5^2 \times 7 \times 3^2) \div 7$$

$$225 = 5^2 \times 3^2$$

$$\sqrt{225} = 5 \times 3 = 15$$

$\therefore$ 7 વડે ભાગતાં ભાગાકાર
પૂર્ણવર્ગ બને.

(2) 882

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 882} \\ 3 \overline{) 441} \\ 3 \overline{) 147} \\ 7 \overline{) 49} \\ 7 \overline{) 7} \\ 1 \end{array}$$

$$882 = 2 \times 3^2 \times 7^2$$

$$882 \div 2 = (2 \times 3^2 \times 7^2) \div 2$$

$$441 = 3^2 \times 7^2$$

$$\sqrt{441} = 3 \times 7 = 21$$

$\therefore$ 2 વડે ભાગતાં
ભાગાકાર પૂર્ણવર્ગ બને.

(3) 5445

$$\begin{array}{r} 5 \overline{) 5445} \\ 3 \overline{) 1089} \\ 3 \overline{) 363} \\ 11 \overline{) 121} \\ 11 \overline{) 11} \\ 1 \end{array}$$

$$5445 = 5 \times 3^2 \times 11^2$$

$$5445 \div 5 = (5 \times 3^2 \times 11^2) \div 5$$

$$1089 = 3^2 \times 11^2$$

$$\sqrt{1089} = 3 \times 11 = 33$$

$\therefore$ 5 વડે ભાગતાં
ભાગાકાર પૂર્ણવર્ગ
બને.

13. ભાગાકારની રીતે વર્ગમૂળ શોધો :

(1) 2304

$$\begin{array}{r} 48 \\ 4 \overline{) 2304} \\ \underline{16} \\ 88 \\ \underline{80} \\ 80 \\ \underline{80} \\ 0 \end{array}$$

$\therefore \sqrt{2304} = 48$

(2) 3249

$$\begin{array}{r} 57 \\ 5 \overline{) 3249} \\ \underline{25} \\ 107 \\ \underline{100} \\ 749 \\ \underline{749} \\ 0 \end{array}$$

$\therefore \sqrt{3249} = 57$

(3) 3481

$$\begin{array}{r} 59 \\ 5 \overline{) 3481} \\ \underline{25} \\ 109 \\ \underline{100} \\ 981 \\ \underline{981} \\ 0 \end{array}$$

$\therefore \sqrt{3481} = 59$

14. ભાગાકારની રીતે વર્ગમૂળ શોધો :

(1) 42.25

$$\begin{array}{r} 6.5 \\ 6 \overline{) 42.25} \\ \underline{36} \\ 125 \\ \underline{120} \\ 625 \\ \underline{625} \\ 0 \end{array}$$

$\sqrt{42.25} = 6.5$

(2) 51.84

$$\begin{array}{r} 7.2 \\ 7 \overline{) 51.84} \\ \underline{49} \\ 142 \\ \underline{140} \\ 284 \\ \underline{284} \\ 0 \end{array}$$

$\sqrt{51.84} = 7.2$

(3) 31.36

$$\begin{array}{r} 5.6 \\ 5 \overline{) 31.36} \\ \underline{25} \\ 106 \\ \underline{100} \\ 636 \\ \underline{636} \\ 0 \end{array}$$

$\sqrt{31.36} = 5.6$

15. નીચેની સંખ્યાઓમાંથી નાનામાં નાની કઈ સંખ્યા બાદ કરતાં તે પૂર્ણવર્ગ બને?

(1) 1158

$$\begin{array}{r} 34 \\ 3 \overline{) 1158} \\ \underline{9} \\ 64 \\ \underline{60} \\ 4 \\ \underline{0} \\ 002 \end{array}$$

$$\therefore \text{શેષ} = 2$$

આમ, 1158 માંથી 2 બાદ કરતાં સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ બને.

$$\therefore 1158 - 2 = 1156$$

$$\sqrt{1156} = 34$$

(2) 2119

$$\begin{array}{r} 46 \\ 4 \overline{) 2119} \\ \underline{16} \\ 86 \\ \underline{80} \\ 69 \\ \underline{64} \\ 59 \\ \underline{56} \\ 3 \end{array}$$

$$\therefore \text{શેષ} = 3$$

આમ, 2119 માંથી 3 બાદ કરતાં સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ બને.

$$\therefore 2119 - 3 = 2116$$

$$\sqrt{2116} = 46$$

(3) 5480

$$\begin{array}{r} 74 \\ 7 \overline{) 5480} \\ \underline{49} \\ 144 \\ \underline{140} \\ 40 \\ \underline{38} \\ 20 \\ \underline{19} \\ 10 \\ \underline{0} \\ 004 \end{array}$$

$$\therefore \text{શેષ} = 4$$

આમ, 5480 માંથી 4 બાદ કરતાં સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ બને.

$$\therefore 5480 - 4 = 5476$$

$$\sqrt{5476} = 74$$

16. નીચેની સંખ્યાઓમાં નાનામાં નાની કઈ સંખ્યા ઉમેરતાં તે પૂર્ણવર્ગ બને?

(1) 1442

$$\begin{array}{r} 37 \\ 3 \overline{) 1442} \\ \underline{9} \\ 67 \\ \underline{60} \\ 72 \\ \underline{69} \\ 3 \\ \underline{0} \\ 073 \end{array}$$

$$\therefore \text{શેષ} = 73$$

$$\therefore 37^2 < 1442$$

$$\text{હવે, } 38^2 = 1444$$

$$\therefore 1444 - 1442 = 2$$

તેથી, 1442 માં 2 ઉમેરતાં સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ બને.

(2) 2205

$$\begin{array}{r} 46 \\ 4 \overline{) 2205} \\ \underline{16} \\ 86 \\ \underline{80} \\ 65 \\ \underline{64} \\ 15 \\ \underline{12} \\ 35 \\ \underline{32} \\ 3 \end{array}$$

$$\therefore \text{શેષ} = 35$$

$$\therefore 46^2 < 2205$$

$$\text{હવે, } 47^2 = 2209$$

$$\therefore 2209 - 2205 = 4$$

તેથી, 2205 માં 4 ઉમેરતાં સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ બને.

(3) 3361

$$\begin{array}{r} 57 \\ 5 \overline{) 3361} \\ \underline{25} \\ 107 \\ \underline{102} \\ 51 \\ \underline{51} \\ 0 \\ \underline{0} \\ 112 \end{array}$$

$$\therefore \text{શેષ} = 112$$

$$\therefore 57^2 < 3361$$

$$\text{હવે, } 58^2 = 3364$$

$$\therefore 3364 - 3361 = 3$$

તેથી, 3361 માં 3 ઉમેરતાં સંખ્યા પૂર્ણવર્ગ બને.

17. એક વર્ગમાં જેટલા વિદ્યાર્થીઓની સંખ્યા છે તેટલો અતિવૃષ્ટિમાં રાહતકાળો દરેક વિદ્યાર્થી આપે છે. જો કુલ રાહતકાળો ₹ 2304 એકઠો થયો હોય, તો વર્ગમાં વિદ્યાર્થીઓની સંખ્યા કેટલી હોય?

ધારો કે વિદ્યાર્થીઓની સંખ્યા = x

દરેક વિદ્યાર્થીનો રાહતકાળો = x

$$\therefore \text{કુલ રાહતકાળો} = 2304$$

$$x^2 = 2304$$

$$x = \sqrt{2304} = 48$$

$$\therefore \text{વિદ્યાર્થીઓની સંખ્યા} = x = 48$$

$$\begin{array}{r} 48 \\ 4 \overline{) 2304} \\ \underline{16} \\ 704 \\ 88 \overline{) 704} \\ \underline{704} \\ 0 \end{array}$$

18. એક સ્પર્ધામાં જેટલા વિદ્યાર્થીઓએ ભાગ લીધો તેટલા રૂપિયા દરેક વિદ્યાર્થીને ઇનામ આપ્યું. જો કુલ ઇનામ ₹ 3025 વહેંચાયું હોય, તો સ્પર્ધામાં કેટલા વિદ્યાર્થીઓએ ભાગ લીધો હોય?

ધારો કે ભાગ લેનાર વિદ્યાર્થીઓ = x

તેથી, દરેક વિદ્યાર્થીને આપેલ ઇનામ = x

$$\therefore \text{કુલ ઇનામ} = 3025$$

$$x^2 = 3025$$

$$x = \sqrt{3025} = 55$$

$$\begin{array}{r} 55 \\ 5 \overline{) 3025} \\ \underline{25} \\ 525 \\ 105 \overline{) 525} \\ \underline{525} \\ 0 \end{array}$$

$$\therefore 55 \text{ વિદ્યાર્થીઓએ ભાગ લીધો હોય.}$$

19. એક નિશાળમાં 500 વિદ્યાર્થીઓ છે. પી.ટી.ની ક્વાયત કરવા માટે તમામ વિદ્યાર્થીઓને એવી રીતે ઊભા રાખ્યા છે કે જેથી હાર અને સ્તંભોની સંખ્યા સમાન રહે, તો નિશાળના કેટલા વિદ્યાર્થીઓ આ ગોઠવણી કરવાથી બહાર રહેશે?

ધારો કે હારની સંખ્યા = x

તેથી, સ્તંભની સંખ્યા = x

$$\therefore \text{કુલ વિદ્યાર્થીઓ} = 500$$

$$x^2 = 500$$

અહીં, 500 એ પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા નથી,

કારણ કે શેષ = 16 વધે છે.

$\therefore 16$ વિદ્યાર્થીઓ આ ગોઠવણીની બહાર રહેશે.

$$\begin{array}{r} 22 \\ 2 \overline{) 500} \\ \underline{4} \\ 42 \\ 42 \overline{) 420} \\ \underline{420} \\ 0 \end{array}$$

20. 4, 9 અને 10 વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય તેવી નાનામાં નાની પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા શોધો.

2	4	9	10
2	2	3	5
3	1	3	5
3	1	3	5
5	1	1	5
1	1	1	1

$$\text{તેથી, લ.સા.અ.} = 2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$$

પણ, 180 એ પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા નથી.

$$\therefore 180 \times 5 = 2^2 \times 3^2 \times 5^2$$

$$900 = 2^2 \times 3^2 \times 5^2$$

$$\sqrt{900} = 2 \times 3 \times 5 = 30$$

આમ, 4, 9 અને 10 વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય તેવી નાનામાં નાની પૂર્ણવર્ગ સંખ્યા 900 છે.

પ્રવૃત્તિઓ

1. વર્ગમૂળ શોધો : (1) 17.64 (2) 90.25

$$(1) \begin{array}{r} 4.2 \\ 4 \overline{) 17.64} \\ \underline{16} \\ 164 \\ \underline{164} \\ 0 \end{array}$$

$$\therefore \sqrt{17.64} = 4.2$$

2. ખૂટતી સંખ્યા શોધીને લખો : $4^2 + 5^2 + \underline{\quad 20 \quad}^2 = 21^2$

$$4^2 + 5^2 + x^2 = 21^2$$

$$16 + 25 + x^2 = 441$$

$$41 + x^2 = 441$$

$$x^2 = 441 - 41$$

$$x^2 = 400$$

$$x = \sqrt{400} = 20$$

3. સરવાળાની ક્રિયા કર્યા વગર સરવાળો કરો : $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13$ પ્રથમ n ક્રમિક એકી સંખ્યાઓના સરવાળો $= n^2$

$$\text{અહીં, } n = 7$$

$$\therefore 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 = 7^2$$

$$= 49$$

4. 64ને પહેલી ક્રમિક એકી સંખ્યાઓના સરવાળા રૂપે દર્શાવો.

$$\sqrt{64} = 8$$

તેથી, 64 ને 8 ક્રમિક એકી સંખ્યાઓના સરવાળા

રૂપે દર્શાવી શકાય.

$$\therefore 64 = 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15$$